

## PATVIRTINTA

Nacionalinės švietimo agentūros direktoriaus  
2023 m. spalio 10 d. įsakymu Nr. VK-695

# MATEMATIKOS, GAMTOS MOKSLŲ DALYKŲ, INFORMATIKOS IR INŽINERINIŲ TECHNOLOGIJŲ VALSTYBINIŲ BRANDOS EGZAMINŲ UŽDUOČIŲ APRAŠAS

## I SKYRIUS BENDROSIOS NUOSTATOS

1. Matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių aprašas (toliau – aprašas) nustato matematikos, biologijos, chemijos, fizikos, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių pobūdį, taškų sumą ir jų paskirstymą procentais pagal pasiekimų lygius ir kognityvinių gebėjimų sritis, trukmę, užduoties pateikimą, priemones ir kandidatų atliktu užduočių vertinimą.

2. Apraše vartojamos sąvokos atitinka Lietuvos Respublikos švietimo įstatyme, Valstybinių brandos egzaminų organizavimo ir vykdymo tvarkos apraše, patvirtintame Lietuvos Respublikos švietimo, mokslo ir sporto ministro 2023 m. rugsėjo 11 d. įsakymu Nr. V-1187 „Dėl Valstybinių brandos egzaminų organizavimo ir vykdymo tvarkos aprašo patvirtinimo“ vartojamas sąvokas.

3. Organizuojami šie matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų dalykų valstybiniai brandos egzaminai: matematikos pagal vidurinio ugdymo matematikos išplėstinio (A) kurso bendrają programą (toliau – matematika (A)), matematikos pagal vidurinio ugdymo matematikos bendojo (B) kurso bendrają programą (toliau – matematika (B)), biologijos, chemijos, fizikos, informatikos ir inžinerinių technologijų. Juos sudaro:

3.1. matematikos (A) pirmasis, matematikos (A) antrasis, matematikos (B) pirmasis, matematikos (B) antrasis, biologijos, chemijos, fizikos, informatikos ir inžinerinių technologijų tarpiniai patikrinimai;

3.2. matematikos (A), matematikos (B), biologijos, chemijos, fizikos, informatikos ir inžinerinių technologijų brandos egzaminai.

4. Dalyko tarpinio patikrinimo ir brandos egzamino užduočių struktūra, pasiekimų sritys ir mokymosi turinys, užduoties taškų procentai nustatyti Priešmokyklinio, pradinio, pagrindinio ir vidurinio ugdymo bendrosiose programose, patvirtintose Lietuvos Respublikos švietimo, mokslo ir sporto ministro 2022 m. rugpjūčio 24 d. įsakymu Nr. V-1269 „Dėl Priešmokyklinio, pradinio, pagrindinio ir vidurinio ugdymo bendrujų programų patvirtinimo“ (galiojanti suvestinė redakcija nuo 2023 m. rugsėjo 6 d.) (toliau – bendrosios programos).

5. Valstybinių brandos egzaminu vertinamos kandidatų įgytos kompetencijos. Dalykų bendrosiose programose siektini ugdymo rezultatai aprašyti kaip mokinijų kompetencijų ugdymo pasiekimai. Pasiekimų sritys ir pasiekimai bendrosiose programose išskirti, vadovaujantis bendrujų programų 1 priedu „Kompetencijų raidos aprašas“. Pasiekimai siejami su išskirtais kompetencijų sandais ir jų raiška. Kompetencijos ugdomos visų bendrujų programų mokymo(si) turiniu. Jų ugdymo rezultatai nurodyti dalykų pasiekimų lygių požymių aprašymuose. Šiame apraše kognityvinių gebėjimų sritis charakterizuojama pasiekimų požymių aprašymuose vartojamas sąvokos:

5.1. žinios ir supratimas – kai mokinys apibréžia sąvoką, formuluoja dėsnį, įvardija dydžių tarpusavio sąryšį, apibūdina objektą ar reiškinį, nurodydamas jo požymius, savybes;

5.2. taikymas – kai mokinys, taikydamas žinias, atlieka užduotis, išsprendžia uždavinius, palygina objektus, reiškinius įvairiuose paprastuose ar iprastuose kontekstuose;

5.3. aukštesnieji mąstymo gebėjimai – kai mokinys įvertina pateiktus faktus ir nuomones, analizuojama ir interpretuoja informaciją, nustato ir pagrindžia jos patikimumą, apibréžimo tikslumą, kelia klausimus, nuosekliai ir sistemingai ieško atsakymų, taiko tiriamąsias strategijas, daro pagrįstas

ir išsamias išvadas, atlieka kompleksines nerutinines užduotis ir sprendžia uždavinius, taiko žinias ir supratimą nepažistamuose, naujuose ar sudėtinguose kontekstuose.

## II SKYRIUS

### MATEMATIKOS VALSTYBINIU BRANDOS EGZAMINU UŽDUOTYS

6. Matematikos (A) pirmojo, matematikos (A) antrojo, matematikos (B) pirmojo, matematikos (B) antrojo tarpinių patikrinimų ir matematikos (A), matematikos (B) brandos egzaminų užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio temas procentais nustatyti bendrujų programų 20 priedo „Matematikos bendroji programa“ skyriuje „Pasiekimų vertinimas“.

7. Matematikos (A) pirmasis, matematikos (A) antrasis, matematikos (B) pirmasis, matematikos (B) antrasis tarpinis patikrinimas.

7.1. Užduoties pobūdis	Užduotį sudaro 15 uždavinių ir (ar) klausimų. 10 uždavinių ir (ar) klausimų, kurių teisingas atsakymas vertinamas 1 (vienu) tašku, ir 5 uždaviniai ir (ar) klausimai, kurių teisingas atsakymas vertinamas 2 (dviej) taškais. Uždaviniai ir (ar) klausimai yra uždaroj tipo (10 taškų) ir trumpojo atsakymo (10 taškų). Uždaroj tipo uždavinių ir (ar) klausimų pavyzdžiai: pasirenkamojo atsakymo su vienu ar keliais teisingais atsakymais; pasiūlytū atsakymų porų susiejimo; eiliškumo nustatymo; objektų įkėlimo iš pateikto sąrašo; elementų pažymėjimo vizualizacijoje (paveiksle, brėžinyje, diagramoje, schemae, lentelėje) ir pan.
7.2. Iš viso taškų	20
7.3. Trukmė	45 min.
7.4. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 40 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 10 proc.
7.5. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
7.6. Užduoties pateikimas	Užduotis pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
7.7. Priemonės ir priedai	Lapas užrašams, kompiuteris, skaičiuotuvas, matematikos valstybinių brandos egzaminų formulų rinkiniai (aprašo 1 priedas). Reikalavimai kompiuteriui ir skaičiuotuvui nustatyti matematikos (A) pirmojo, matematikos (A) antrojo, matematikos (B) pirmojo ir matematikos (B) antrojo tarpinių patikrinimų vykdymo instrukcijose.
7.8. Kandidatų atliktu užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atliktos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.

8. Matematikos (A), matematikos (B) brandos egzaminas.	
8.1. Užduoties pobūdis	Užduotį sudaro dvi dalys. I dalis – 10 trumpojo atsakymo uždavinių ir (ar) klausimų. I dalies taškų suma – 10. II dalis – 7–9 pilno sprendimo uždaviniai ar klausimai, iš kurių 4–6 struktūruoti uždaviniai ar klausimai (iš viso 12–18 struktūrinių dalių) ir 2–4 nestuktūruoti uždaviniai ar klausimai. II dalies taškų suma – 50.
8.2. Iš viso taškų	60
8.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 45 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 25 proc.

8.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
8.5. Trukmė	180 min.
8.6. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas.
8.7. Priemonės ir priedai	Skaičiuotuvas, matematikos valstybinių brandos egzaminų formulų rinkiniai (aprašo 1 priedas). Reikalavimai priemonėms ir priedams nustatyti matematikos (A) ir matematikos (B) brandos egzaminų vykdymo instrukcijose.
8.8. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.

### III SKYRIUS

### BIOLOGIJOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS

9. Biologijos tarpinio patikrinimo ir brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio temas procentais nustatyti bendrujų programų 23 priedo „Biologijos bendroji programa“ skyriuje „Pasiekimų vertinimas“.

#### 10. Biologijos tarpinis patikrinimas.

10.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami uždarojo tipo klausimai. I dalis. Klausimai            15 klausimų. Klausimų tipai, pavyzdžiui, vieno ar kelių teisingų atsakymų pasirinkimo, kortelių sudėliojojimo nurodyta tvarka, kelių teiginių susiejimo, tinkamos reikšmės priskyrimo, informacijos tekste suradimo ir pan.            I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai            3–4 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimai gali būti skirtintų tipų, pavyzdžiui, vieno ar kelių teisingų atsakymų pasirinkimo, kortelių sudėliojojimo nurodyta tvarka, kelių teiginių susiejimo, tinkamos reikšmės priskyrimo, informacijos tekste suradimo ir kt. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu.            II dalies taškų suma – 25.</p>
10.2. Iš viso taškų	40
10.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
10.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
10.5. Trukmė	90 min.
10.6. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
10.7. Priemonės	Lapas užrašams, kompiuteris, skaičiuotuvas. Reikalavimai kompiuteriui ir skaičiuotuvui nustatyti Biologijos tarpinio patikrinimo vykdymo instrukcijoje.

10.8. Kandidatų atlirkštų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atlirkta užduotis vertinama automatiškai elektroninėje užduočių atlirkimo (testavimo) sistemoje.
---	--

## 11. Biologijos brandos egzaminas.

11.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys.</p> <p>I dalis. Klausimai 15 klausimų. Trumpojo atsakymo klausimų pavyzdžiai: reikia įrašyti žodį, skaičių, trumpą frazę, pateikti pavyzdžių ar pan.</p> <p>I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai 5–6 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimiai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan.</p> <p>II dalies taškų suma – 45.</p>
11.2. Iš viso taškų	60
11.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
11.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
11.5. Trukmė	120 min.
11.6. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas.
11.7. Priemonės	Skaiciuotuvas. Reikalavimai skaičiuotuvui nustatyti Biologijos brandos egzamino vykdymo instrukcijoje.
11.8. Kandidatų atlirkštų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.

#### IV SKYRIUS

#### CHEMIJOS VALSTYNIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS

12. Chemijos tarpinio patikrinimo ir brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio temas procentais nustatyti bendrujų programų 24 priedo „Chemijos bendroji programa“ skyriuje „Pasiekimų vertinimas“.

## 13. Chemijos tarpinis patikrinimas.

13.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami uždarojo tipo klausimai.</p> <p>I dalis. Klausimai 15 klausimų tipų pavyzdžiai: vieno ar kelių teisingų atsakymų pasirinkimo, kortelių sudėliojimo nurodyta tvarka, kelių teiginių susiejimo, tinkamos reikšmės priskyrimo, informacijos tekste suradimo ir pan.</p> <p>I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai 3–4 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienos turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimiai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimiai gali būti skirtingų tipų, pavyzdžiui, vienos ar kelių teisingų atsakymų pasirinkimo, kortelių sudėliojimo</p>
-------------------------	--

	nurodyta tvarka, kelių teiginių susiejimo, tinkamos reikšmės priskyrimo, informacijos tekste suradimo ir kt. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu. II dalies taškų suma – 25.
13.2. Iš viso taškų	40
13.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
13.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
13.5. Trukmė	90 min.
13.6. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
13.7. Priemonės ir priedai	Lapas užrašams, kompiuteris, skaičiuotuvas, chemijos valstybinio brandos egzamino lentelių rinkinys (medžiagų tirpumo vandenyeje lentelė, pagrindinių grupių elementų elektriniai neigiamumai santykiniai vienetais, elektrocheminė metalų įtampų eilė, rūgščių ionizacijos (disociacijos) konstantos, bazių ionizacijos (disociacijos) konstantos, periodinė cheminių elementų lentelė) (aprašo 2 priedas). Reikalavimai kompiuteriui ir skaičiuotuvui nustatyti Chemijos tarpinio patikrinimo vykdymo instrukcijoje.
13.8. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atliktos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.

## 14. Chemijos brandos egzaminas.

14.1. Užduoties pobūdis	Užduotį sudaro dvi dalys. I dalis. Klausimai 20 klausimų. Trumpojo atsakymo klausimų tipų pavyzdžiai: reikia išrašyti žodį, skaičių, matavimo vienetą, formulę, trumpą frazę, pateikti pavyzdžių ir pan. I dalies taškų suma – 20. II dalis. Struktūriniai klausimai 4–6 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvienu struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. II dalies taškų suma – 40.
14.2. Iš viso taškų	60
14.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
14.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
14.5. Trukmė	120 min.
14.6. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas.
14.7. Priemonės ir priedai	Skaiciuotuvas, chemijos valstybinio brandos egzamino lentelių rinkinys (medžiagų tirpumo vandenyeje lentelė, pagrindinių grupių elementų elektriniai neigiamumai santykiniai vienetais, elektrocheminė metalų įtampų eilė,

	rūgščių ionizacijos (disociacijos) konstantos, bazių ionizacijos (disociacijos) konstantos, periodinė cheminių elementų lentelė (aprašo 2 priedas). Reikalavimai skaičiuotuvui nustatyti Chemijos brandos egzamino vykdymo instrukcijoje.
14.8. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.

**V SKYRIUS**  
**FIZIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS**

15. Fizikos tarpinio patikrinimo ir brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio temas procentais nustatyti bendrujų programų 25 priedo „Fizikos bendroji programa“ skyriuje „Pasiekimų vertinimas“.

16. Fizikos tarpinis patikrinimas.

16.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami uždarojo tipo klausimai.</p> <p>I dalis. Klausimai 15 klausimų. Klausimų tipų pavyzdžiai: vieno ar kelių teisingų atsakymų pasirinkimo, kortelių sudėliojimo nurodyta tvarka, kelių teiginių susiejimo, tinkamos reikšmės priskyrimo, informacijos tekste suradimo ir pan.</p> <p>I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai 3–4 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvienu struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimai gali būti skirtintų tipų, pavyzdžiui, vieno ar kelių teisingų atsakymų pasirinkimo, kortelių sudėliojimo nurodyta tvarka, kelių teiginių susiejimo, tinkamos reikšmės priskyrimo, informacijos tekste suradimo ir kt. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu.</p> <p>II dalies taškų suma – 25.</p>
16.2. Iš viso taškų	40
16.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
16.4. Taškų procentais pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
16.5. Trukmė	90 min.
16.6. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
16.7. Priemonės ir priedai	Lapas užrašams, kompiuteris, skaičiuotuvas, fizikos valstybinio brandos egzamino formules ir pagrindinės konstantos (aprašo 3 priedas). Reikalavimai kompiuteriui ir skaičiuotuvui nustatyti Fizikos tarpinio patikrinimo vykdymo instrukcijoje.
16.8. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atliktos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.

17. Fizikos brandos egzaminas.

17.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys.</p> <p>I dalis. Klausimai</p> <p>20 klausimų. Trumpojo atsakymo klausimų pavyzdžiai: reikia išrašyti žodį, skaičių, matavimo vienetą, formulę, trumpą frazę, pateikti pavyzdžių ar pan.</p> <p>I dalies taškų suma – 20.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai</p> <p>4–5 struktūriniai klausimai, iš kurių bent vienas turi būti skirtas tiriamosios veiklos ir duomenų interpretavimo pasiekimams patikrinti. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan.</p> <p>II dalies taškų suma – 40.</p>
17.2. Iš viso taškų	60
17.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
17.4. Taškų procentais pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
17.5. Trukmė	120 min.
17.6. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas.
17.7. Priemonės ir priedai	Skaičiuotuvas, fizikos valstybinio brandos egzamino formulės ir pagrindinės konstantos (aprašo 3 priedas). Reikalavimai skaičiuotuvui nustatyti Fizikos brandos egzamino vykdymo instrukcijoje.
17.8. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.

## **VI SKYRIUS** **INFORMATIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS**

18. Informatikos tarpinio patikrinimo ir brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio temas procentais nustatyti bendrujų programų 21 priedo „Informatikos bendroji programa“ skyriuje „Pasiekimų vertinimas“.

19. Informatikos tarpinis patikrinimas.

19.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami uždarojo tipo klausimai. Naudojamos šios programavimo kalbos: C++, Python.</p> <p>I dalis. Klausimai</p> <p>8–16 klausimų. Atsakant į šiuos klausimus, reikia (jei nenurodyta kitaip) pasirinkti teisingą atsakymą iš pateiktųjų (pavyzdžiui, sąvokų, terminų, apibrėžimų ir kt.) ir ji pažymėti (ijkelti, sujungti, susieti, sudėlioti nurodyta tvarka teiginius, tinkamai priskirti reikšmes, rasti informaciją tekste ir pan.).</p> <p>I dalies taškų suma – 16.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai</p> <p>4–6 struktūriniai klausimai. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu.</p> <p>II dalies taškų suma – 24.</p>
-------------------------	--

19.2. Iš viso taškų	40
19.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
19.4. Taškų procentais pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
19.5. Trukmė	90 min.
19.6. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
19.7. Priemonės	Lapas užrašams, kompiuteris. Reikalavimai kompiuteriui nustatyti Informatikos tarpinio patikrinimo vykdymo instrukcijoje.
19.8. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atliktos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.

20. Informatikos brandos egzaminas.

20.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro trys dalys. Naudojamos šios programavimo kalbos: C++, Python. Duomenų tyrybos užduočiai atlikti naudojama skaičiuoklė.</p> <p>I dalis. Klausimai ir struktūriniai klausimai 8–12 įvairaus tipo (įskaitant ir struktūrinius) klausimų. Trumpojo atsakymo klausimai: atsakant į šiuos klausimus, reikia (jei nenurodyta kitaip) išrašyti žodį, skaičių, trumpą frazę ir pan. Kiekvienas teisingas trumpojo atsakymo klausimo atsakymas vertinamas 1–2 taškais. Atvirojo atsakymo klausimai: atsakant į šiuos klausimus, reikia (jei nenurodyta kitaip) pateikti argumentuotą kelių sakinių atsakymą, pateikti pavyzdžių. Kiekvienas teisingas atvirojo atsakymo klausimo atsakymas vertinamas 1–3 taškais. Struktūriniai klausimai: kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis ir pan.</p> <p>I dalies taškų suma – 10–16 taškų.</p> <p>II dalis. Duomenų tyrybos praktinė užduotis 1 praktinė užduotis. Atliekant šią užduotį kompiuteriu, reikia (jei nenurodyta kitaip) pagal pateiktą sąlygą laikantis nurodymų atlikti pateiktų duomenų tyrybos veiksmus (pavyzdžiui, skaičiuoti, rikiuoti, atrinkti, grupuoti, pavaizduoti, analizuoti ir pan.) ir pateikti išvadas. Kiekvienas teisingai atlirkas veiksmas vertinamas 1–5 taškais.</p> <p>II dalies taškų suma – 10–15 taškų.</p> <p>III dalis. Programavimo praktinė užduotis 1–2 praktinės programavimo užduotys. Atliekant šią užduotį kompiuteriu, reikia (jei nenurodyta kitaip) pagal pateiktą sąlygą laikantis nurodymų sukurti programą. Kiekvienu teisingai suprogramuota užduoties dalis vertinama 1–5 taškais.</p> <p>III dalies taškų suma – 30–35 taškai.</p>
20.2. Iš viso taškų	60
20.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 20 proc., taikymas – 60 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.

20.4. Taškų procentais pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
20.5. Trukmė	180 min.
20.6. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.
20.7. Priemonės	Užduoties sąsiuvinis, kompiuteris, praktinių užduočių pradiniai failai. Reikalavimai kompiuteriui ir programinei įrangai nustatyti Informatikos brandos egzamino vykdymo instrukcijoje.
20.8. Kandidatų atliktų užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.

**VII SKYRIUS**  
**INŽINERINIŲ TECHNOLOGIJŲ VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO UŽDUOTYS**

21. Inžinerinių technologijų tarpinio patikrinimo ir brandos egzamino užduočių struktūra, užduoties taškų pasiskirstymas pagal pasiekimų sritis ir mokymo(si) turinio temas procentais nustatyti bendrujų programų 28 priedo „Inžinerinių technologijų bendoroji programa“ skyriuje „Pasiekimų vertinimas“.

22. Inžinerinių technologijų tarpinis patikrinimas.

22.1. Užduoties pobūdis	<p>Užduotį sudaro dvi dalys. Kiekvienoje iš jų pateikiami uždaroj tipo klausimai. I dalis. Klausimai            15 klausimų. Klausimų tipų pavyzdžiai: vieno ar kelių teisingų atsakymų pasirinkimo, kortelių sudėliojo nurodyta tvarka, kelių teiginių susiejimo ir (ar) priskyrimo, tinkamos reikšmės ir (ar) operacijos priskyrimo, vaizdo medžiaga su įterptais klausimais, informacijos tekste suradimo ir kt.</p> <p>I dalies taškų suma – 15.</p> <p>II dalis. Struktūriniai klausimai            3–4 struktūriniai klausimai, iš kurių 1–2 – technologinių operacijų ir (ar) veiklos patikrinimo ir duomenų interpretavimo. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, vaizdine medžiaga, įrankių, įrangos, sistemų pavyzdžiais, lentelėmis ir pan. Poklausimai gali būti skirtinų tipų, pavyzdžiui, vieno ar kelių teisingų atsakymų pasirinkimo, kortelių sudėliojo nurodyta tvarka, kelių teiginių susiejimo, tinkamos reikšmės priskyrimo, informacijos tekste suradimo ir kt. Poklausimių atsakymai yra nepriklausomi ir nesusiję vienas su kitu.</p> <p>II dalies taškų suma – 25.</p>
22.2. Iš viso taškų	40
22.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
22.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
22.5. Trukmė	90 min.
22.6. Užduoties pateikimas	Pateikiama ir atliekama elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje. Klausimo vertė taškais pateikiama prie kiekvieno klausimo.

22.7. Priemonės ir priedai	Lapas užrašams, kompiuteris, ausinės. Reikalavimai kompiuteriui ir ausinėms nustatyti Inžinerinių technologijų tarpinio patikrinimo vykdymo instrukcijoje.
22.8. Kandidatų atlikт užduočių vertinimas	Centralizuotas. Atliktos užduotys vertinamos automatiškai elektroninėje užduoties atlikimo (testavimo) sistemoje.

**23. Inžinerinių technologijų brandos egzaminas.**

23.1. Užduoties pobūdis	Pateikiami penki užduoties variantai pagal Inžinerinių technologijų bendrojoje programe nustatytas mokymo(si) turinio sritis. Mokinys renkasi tos mokymo(si) turinio srities, kurios mokësi mokykloje, variantą. Užduotį sudaro dvi dalys. I dalis. Klausimai 15 klausimų. Trumpojo atsakymo klausimų pavyzdžiai: reikia išrašyti žodį, skaičių, trumpą frazę, vaizdo medžiaga su įterptais klausimais, pateikti pavyzdžių ir pan. I dalies taškų suma – 15. II dalis. Struktūriniai klausimai 4–5 struktūriniai klausimai, iš kurių 1–2 – technologinių operacijų ir (ar) veiklos patikrinimo ir duomenų interpretavimo. Kiekvieną struktūrinį klausimą sudaro įvadinė informacija ir su ja susiję poklausimai. Įvadinė informacija pateikiama tekstu, bet gali būti papildoma diagramomis, paveikslais, schemomis, lentelėmis priemonių, įrankių, įrangos, sistemų pavyzdžiais ir pan. II dalies taškų suma – 45.
23.2. Iš viso taškų	60
23.3. Kognityvinių gebėjimų sritys	Žinios ir supratimas – 30 proc., taikymas – 50 proc., aukštesnieji mąstymo gebėjimai – 20 proc.
23.4. Taškų procentai pagal pasiekimų lygius	Slenkstinis – 15 proc., patenkinamas – 25 proc., pagrindinis – 40 proc., aukštesnysis – 20 proc.
23.5. Trukmė	120 min.
23.6. Užduoties pateikimas	Užduoties sąsiuvinis ir atsakymų lapas.
23.7. Priemonės	Skaičiuotuvas. Reikalavimai skaičiuotuvui nustatyti Inžinerinių technologijų brandos egzamino vykdymo instrukcijoje.
23.8. Kandidatų atlikт užduočių vertinimas	Centralizuotas. Vertina vertintojai elektroninėje vertinimo sistemoje.

**VIII SKYRIUS**  
**BAIGIAMOSIOS NUOSTATOS**

24. Pereinamuoju laikotarpiu (iki 2025–2026 m. mokslo metų) matematikos (A), matematikos (B), biologijos, chemijos, fizikos, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduotys rengiamos, vadovaujantis bendrosiomis programomis, atsižvelgiant į nustatytas tarpinių patikrinimų datas ir pereinamojo laikotarpio ugdymo turinio kaitos ypatumus (ugdymo procese nenagrinėtas mokymo(si) turinys neįtraukiamas).

Matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių aprašo 1 priedas

## **MATEMATIKOS VALSTYBINIŲ BRANDOS EGZAMINŲ FORMULIŲ RINKINYS**

### **I SKYRIUS**

#### **MATEMATIKOS (B) VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO FORMULIŲ RINKINYS**

**1. Greitosios daugybos formulės:**  $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$ ,  $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$ .

**2. Laipsnių savybės:**  $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$ ,  $a^n : a^m = a^{n-m}$ ,  $(a^n)^m = a^{n \cdot m}$ ,  $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$ ,  $(a : b)^n = a^n : b^n$ .

**3. Laipsnio su trupmeniniu rodikliu apibrėžimas:**  $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$ ; čia  $n \in N$ ,  $m \in Z$ .

**4. Šaknų savybės:**  $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}$ ,  $\sqrt[n]{a} : \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a : b}$ ,  $\sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[n \cdot m]{a}$ ; čia  $n, m \in N$ ,  $n, m \geq 2$ .

**5. Logaritmo apibrėžimas:**  $a^x = b$ , tai  $x = \log_a b$ , kai  $a > 0, a \neq 1, b > 0$ .

**6. Pagrindinės logaritmų savybės:**  $\log_a(xy) = \log_a x + \log_a y$ ,  $\log_a\left(\frac{x}{y}\right) = \log_a x - \log_a y$ ,

$$\log_a x^k = k \log_a x.$$

**7. Pagrindinė logaritmų tapatybė:**  $a^{\log_a b} = b$ , kai  $a > 0, a \neq 1, b > 0$ .

**8. Aritmetinė progresija:**  $a_n = a_1 + d(n-1)$ ,  $S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n = \frac{2a_1 + d(n-1)}{2} \cdot n$ .

**9. Geometrinė progresija:**  $b_n = b_1 q^{n-1}$ ,  $S_n = \frac{b_1 - qb_n}{1-q} = \frac{b_1(1 - q^n)}{1-q}$ .

**10. Sudėtinių procentų formulė:**  $S_n = S \left(1 \pm \frac{p}{100}\right)^n$ ; čia  $S$  – pradinis dydis,  $p$  – procentai,  $n$  – kartai.

**11. Trikampis:**  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \angle A$ ,  $\frac{a}{\sin \angle A} = \frac{b}{\sin \angle B} = \frac{c}{\sin \angle C} = 2R$ ,

$$S = \frac{1}{2} ah_a = \frac{1}{2} ab \sin \angle C = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = rp = \frac{abc}{4R};$$

čia  $a, b, c$  – trikampio kraštinių ilgiai,  $\angle A, \angle B, \angle C$  – prieš jas esančių kampų didumai,

$p$  – pusperimetris,  $r$  ir  $R$  – įbrėžtinio ir apibrėžtinio apskritimų spindulių ilgiai,  $S$  – trikampio plotas.

**12. Skritulys, apskritimas:**  $S = \frac{\pi R^2}{360^\circ} \cdot \alpha$ ,  $l = \frac{2\pi R}{360^\circ} \cdot \alpha$ ; čia  $\alpha$  – centrinio kampo didumas laipsniais,

$S$  – išpjovos plotas,  $l$  – išpjovos lanko ilgis,  $R$  – spindulio ilgis.

**13. Ritinys:**  $S_{\text{son.pav.}} = 2\pi RH$ ,  $V = \pi R^2 H$ ; čia  $R$  – pagrindo spindulio ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

**14. Kūgis:**  $S_{\text{šon.pav.}} = \pi Rl$ ,  $V = \frac{1}{3}\pi R^2 H$ ; čia  $R$  – pagrindo spindulio ilgis,  $l$  – sudaromosios ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

**15. Rutulys:**  $S = 4\pi R^2$ ,  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$ ; čia  $R$  – spindulio ilgis.

**16. Piramidės tūris:**  $V = \frac{1}{3}SH$ ; čia  $S$  – pagrindo plotas,  $H$  – aukštinės ilgis.

**17. Atstumas tarp dviejų taškų:**  $d = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$ ; čia  $(x_1; y_1)$  ir  $(x_2; y_2)$  taškų koordinatės.

**18. Atkarpos vidurio taško koordinatės:**  $\left(\frac{x_1 + x_2}{2}; \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$ ; čia  $(x_1; y_1)$  ir  $(x_2; y_2)$  atkarpos pradžios ir pabaigos taškų koordinatės.

**19. Trigonometrių funkcijų sąryšiai:**  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ ,  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ ,  $1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$ .

## 20. Trigonometrių funkcijų reikšmių lentelė

$\alpha$ laipsniais	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$
$\sin \alpha$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos \alpha$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\operatorname{tg} \alpha$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	–

## 21. Trigonometrinės lygtys

Kai  $-1 \leq a \leq 1$ :

$$\sin x = a,$$

$$x = (-1)^k \arcsin a + 180^\circ \cdot k; \text{ čia } k \in \mathbf{Z}.$$

Kai  $-1 \leq a \leq 1$ :

$$\cos x = a,$$

$$x = \pm \arccos a + 360^\circ \cdot k; \text{ čia } k \in \mathbf{Z}.$$

Kai  $a \in \mathbf{R}$ :

$$\operatorname{tg} x = a,$$

$$x = \operatorname{arctg} a + 180^\circ \cdot k; \text{ čia } k \in \mathbf{Z}.$$

**22. Išvestinių skaičiavimo taisyklės:**  $(cf(x))' = cf'(x)$ ; čia  $c$  – konstanta,  
 $(f(x) + g(x))' = f'(x) + g'(x)$ ,  $(f(x) - g(x))' = f'(x) - g'(x)$ .

**23. Funkcijos išvestinė:**  $(x^n)' = nx^{n-1}$ ,  $n \in \mathbb{Z}$ .

**24. Funkcijos grafiko liestinės taške**  $(x_0; f(x_0))$  **lygtis:**  $y = f'(x_0) \cdot (x - x_0) + f(x_0)$ ,  
 $k = f'(x_0)$ ; čia  $k$  – funkcijos grafiko liestinės, nubrėžtos per tašką  $(x_0; f(x_0))$ , krypties koeficientas.

## II SKYRIUS

### MATEMATIKOS (A) VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO FORMULIŲ RINKINYS

**1. Greitosios daugybos formulės:**  $(a \pm b)^3 = a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3$ ,  $a^3 \pm b^3 = (a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2)$ .

**2. Aritmetinė progresija:**  $a_n = a_1 + d(n-1)$ ,  $S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n = \frac{2a_1 + d(n-1)}{2} \cdot n$ .

**3. Geometrinė progresija:**  $b_n = b_1 q^{n-1}$ ,  $S_n = \frac{b_1 - qb_n}{1-q} = \frac{b_1(1 - q^n)}{1-q}$ .

**4. Nykstamoji geometrinė progresija:**  $S = \frac{b_1}{1-q}$ .

**5. Sudėtinių procentų formulė:**  $S_n = S \left(1 \pm \frac{p}{100}\right)^n$ ; čia  $S$  – pradinis dydis,  $p$  – procentai,  $n$  – kartai.

**6. Pagrindinės logaritmu savybės:**  $\log_a(xy) = \log_a x + \log_a y$ ,  $\log_a\left(\frac{x}{y}\right) = \log_a x - \log_a y$ ,

$\log_a x^k = k \log_a x$ ,  $\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$ ,  $\log_{a^k} x = \frac{1}{k} \log_a x$ .

**7. Trikampis:**  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \angle A$ ,  $\frac{a}{\sin \angle A} = \frac{b}{\sin \angle B} = \frac{c}{\sin \angle C} = 2R$ ,

$S = \frac{1}{2}ab \sin \angle C = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = rp = \frac{abc}{4R}$ ;

čia  $a, b, c$  – trikampio kraštinių ilgiai,  $\angle A, \angle B, \angle C$  – prieš jas esančių kampų didumai,  
 $p$  – pusperimetris,  $r$  ir  $R$  – įbrėžtinio ir apibrėžtinio apskritimų spindulių ilgiai,  $S$  – trikampio plotas.

**8. Ritinys:**  $S_{\text{son.pav.}} = 2\pi RH$ ,  $V = \pi R^2 H$ ; čia  $R$  – pagrindo spindulio ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

**9. Kūgis:**  $S_{\text{son.pav.}} = \pi Rl$ ,  $V = \frac{1}{3}\pi R^2 H$ ; čia  $R$  – pagrindo spindulio ilgis,  $l$  – sudaromosios ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

**10. Rutulys:**  $S = 4\pi R^2$ ,  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$ ; čia  $R$  – spindulio ilgis.

**11. Piramidės tūris:**  $V = \frac{1}{3}SH$ ; čia  $S$  – pagrindo plotas,  $H$  – aukštinės ilgis.

**12. Nupjautinis kūgis:**  $S_{\text{son.pav.}} = \pi(R+r)l$ ,  $V = \frac{1}{3}\pi H(R^2 + Rr + r^2)$ ; čia  $R$  ir  $r$  – pagrindų spinduliu  
 ilgiai,  $l$  – sudaromosios ilgis,  $H$  – aukštinės ilgis.

**13. Nupjautinės piramidės tūris:**  $V = \frac{1}{3}H(S_1 + \sqrt{S_1 S_2} + S_2)$ ; čia  $S_1, S_2$  – pagrindų plotai,  $H$  – aukštinės ilgis.

**14. Rutulio nuopjova:**  $S = 2\pi RH, V = \frac{1}{3}\pi H^2(3R - H)$ ; čia  $R$  – spindulio ilgis,  $H$  – nuopjovos aukštinės ilgis.

**15. Plokštumos vektoriaus ilgis:**  $|\vec{a}| = \sqrt{x^2 + y^2}$ ; čia  $\vec{a} = (x; y)$ .

**16. Vektorių skaliarinė sandauga:**  $\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 x_2 + y_1 y_2 = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cos \alpha$ ; čia  $\alpha$  – kampo tarp vektorių  $\vec{a} = (x_1; y_1)$  ir  $\vec{b} = (x_2; y_2)$  didumas.

**17. Trigonometrinį funkcijų savybės:**  $1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}, \sin(2\alpha) = 2 \sin \alpha \cos \alpha,$

$\cos(2\alpha) = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha, \tan(2\alpha) = \frac{2 \tan \alpha}{1 - \tan^2 \alpha}, \sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta,$

$\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta, \tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \cdot \tan \beta}.$

### 18. Trigonometrinės lygtys:

Kai  $-1 \leq a \leq 1$ :

$$\sin x = a,$$

$$x = (-1)^k \arcsin a + \pi k; \text{ čia } k \in \mathbf{Z}.$$

Kai  $-1 \leq a \leq 1$ :

$$\cos x = a,$$

$$x = \pm \arccos a + 2\pi k; \text{ čia } k \in \mathbf{Z}.$$

Kai  $a \in \mathbf{R}$ :

$$\tan x = a,$$

$$x = \operatorname{arctan} a + \pi k; \text{ čia } k \in \mathbf{Z}.$$

### 19. Trigonometrinį funkcijų reikšmių lentelė

$\alpha$ laipsniais	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$
$\alpha$ radianais	$0$	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
$\sin \alpha$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos \alpha$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\tan \alpha$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	–

**20. Išvestinių skaičiavimo taisyklės:**  $(cf(x))' = cf'(x)$ ; čia  $c$  – konstanta,  
 $(f(x) \pm g(x))' = f'(x) \pm g'(x)$ ,  $(f(x) \cdot g(x))' = f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$ ,  
 $\left( \frac{f(x)}{g(x)} \right)' = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{g^2(x)}$ .

**21. Funkcijų išvestinės:**  $(\sin x)' = \cos x$ ,  $(\cos x)' = -\sin x$ ,  $(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$ ,  $(a^x)' = a^x \ln a$ ,  
 $(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$ .

**22. Sudėtinės funkcijos išvestinė:**  $(f(g(x)))' = f'(g(x)) \cdot g'(x)$ .

**23. Funkcijos grafiko liestinės taške**  $(x_0; f(x_0))$  **lygtis:**  $y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$ .

**24. Integralas:**  $\int a dx = ax + C$ ; čia  $a$  – konstanta,  $\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C$ ; čia  $n \neq -1$ ,  $\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C$ ,  
 $\int a^x dx = \frac{a^x}{\ln a} + C$ ,  $\int \sin dx = -\cos x + C$ ,  $\int \cos dx = \sin x + C$ ,  $\int \frac{1}{\cos^2 x} dx = \operatorname{tg} x + C$ .

**25. Funkcijos**  $y = f(kx+b)$  **pirmykštė funkcija:**  $y = \frac{1}{k} F(kx+b)$ .

**26. Niutono-Leibnico formulė:**  $\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$ .

**27. Sukinio tūris:**  $V = \pi \int_a^b f^2(x) dx$ .

**28. Derinių skaičius:**  $C_n^k = C_n^{n-k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$ .

**29. Gretinių skaičius:**  $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$ .

**30. Tikimybių teorija:**  $\mathbf{E}X = x_1 p_1 + x_2 p_2 + \dots + x_n p_n$ ,

$$\mathbf{D}X = (x_1 - \mathbf{E}X)^2 p_1 + (x_2 - \mathbf{E}X)^2 p_2 + \dots + (x_n - \mathbf{E}X)^2 p_n.$$

**31. Bernilio formulė:**  $\mathbf{P}(X = k) = C_n^k p^k (1-p)^{n-k}$ .

**32. Niutono binomo formulė:**  $(a+b)^n = a^n + C_n^1 a^{n-1} b + C_n^2 a^{n-2} b^2 + \dots + C_n^k a^{n-k} b^k + \dots + b^n$ .

---

Matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių aprašo 2 priedas

## CHEMIJOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO LENTELIŲ RINKINYS

### 1. Medžiagų tirpumo vandenye lentelė

Jonai	H <sup>+</sup>	Na <sup>+</sup>	NH <sub>4</sub> <sup>+</sup>	K <sup>+</sup>	Li <sup>+</sup>	Ag <sup>+</sup>	Mg <sup>2+</sup>	Ca <sup>2+</sup>	Ba <sup>2+</sup>	Zn <sup>2+</sup>	Cu <sup>2+</sup>	Ni <sup>2+</sup>	Pb <sup>2+</sup>	Sn <sup>2+</sup>	Fe <sup>2+</sup>	Fe <sup>3+</sup>	Al <sup>3+</sup>
Br <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	n	t	t	t	t	t	t	m	r	t	t	t
CH <sub>3</sub> COO <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	m	t	t	t	t	t	t	t	r	t	n	t
CO <sub>3</sub> <sup>2-</sup>	CO <sub>2</sub> m	t	t	t	t	m	m	n	n	n	n	n	n	r	n	r	r
Cl <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	n	t	t	t	t	t	t	m	r	t	t	t
F <sup>-</sup>	t	t	t	t	n	t	n	n	m	n	n	t	n	t	t	n	m
I <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	n	t	t	t	t	CuI n	t	n	m	t	-	t
NO <sub>3</sub> <sup>-</sup>	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t	t
OH <sup>-</sup>		t	NH <sub>3</sub> t	t	t	Ag <sub>2</sub> O n	n	m	t	n	n	n	n	n	n	n	n
PO <sub>4</sub> <sup>3-</sup>	t	t	t	t	m	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n
S <sup>2-</sup>	m	t	t	t	t	n	r	r	t	n	n	n	n	n	n	r	r
SO <sub>3</sub> <sup>2-</sup>	SO <sub>2</sub> m	t	t	t	t	n	m	n	n	n	n	n	n	n	n	r	r
SO <sub>4</sub> <sup>2-</sup>	t	t	t	t	t	m	t	m	n	t	t	t	n	t	t	t	t
SiO <sub>3</sub> <sup>2-</sup>	n	t	r	t	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n	n

t – tirpus, m – mažai tirpus, n – netirpus, r – susidarymo metu reaguoja su vandeniu (hidrolizuojasi), brūkšnys rodo, kad tokio junginio nėra. Jeigu junginys nepatvarus, lentelėje nurodytas galutinis skilimo produktas.

### 2. Pagrindinių grupių elementų elektriniai neigiamumai santykiniais vienetais\*

Grupės Periodai \	IA	IIA	IIIA	IVA	VA	VIA	VIIA	VIIIA
1	H 2,2							He
2	Li 1,0	Be 1,6	B 2,0	C 2,6	N 3,0	O 3,4	F 4,0	Ne
3	Na 0,9	Mg 1,3	Al 1,6	Si 1,9	P 2,2	S 2,6	Cl 3,2	Ar
4	K 0,8	Ca 1,0	Ga 1,8	Ge 2,0	As 2,2	Se 2,6	Br 3,0	Kr
5	Rb 0,8	Sr 1,0	In 1,8	Sn 2,0	Sb 2,1	Te 2,1	I 2,7	Xe 2,6
6	Cs 0,8	Ba 0,9	Tl 1,8	Pb 1,8	Bi 1,9	Po 2,0	At 2,2	Rn
7	Fr 0,7	Ra 0,9						

\*Parengta pagal David R. Lide, ed., „CRC Handbook of Chemistry and Physics“, 90th Edition (CD-ROM Version 2010), CRC Press/Taylor and FrancisBoca Raton, FL.

### 3. Elektrocheminė metalų įtampų eilė

Li	K	Ba	Ca	Na	Mg	Al	Ti	Mn	Zn	Cr	Fe	Co	Ni	Sn	Pb	H <sub>2</sub>	Cu	Ag	Hg	Pt	Au
----	---	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----------------	----	----	----	----	----



#### 4. Rūgščių jonizacijos (disociacijos) konstantos

Rūgšties vandeninis tirpalas	HF	HCl	HBr	HI	HNO <sub>3</sub>	H <sub>2</sub> CO <sub>3</sub>	H <sub>2</sub> S	H <sub>2</sub> SO <sub>3</sub>	H <sub>2</sub> SO <sub>4</sub>	HCOOH	CH <sub>3</sub> OOH
Jonizacijos konstanta	$6,8 \cdot 10^{-4}$	Labai didelė	Labai didelė	Labai didelė	Labai didelė	$K_{a1} = 4,4 \cdot 10^{-7}$ $K_{a2} = 5,6 \cdot 10^{-11}$	$K_{a1} = 5,7 \cdot 10^{-8}$ $K_{a2} = 1,3 \cdot 10^{-13}$	$K_{a1} = 1,7 \cdot 10^{-2}$ $K_{a2} = 6,2 \cdot 10^{-8}$	$K_{a1}$ – labai didelė $K_{a2} = 1,2 \cdot 10^{-2}$	$1,8 \cdot 10^{-4}$	$1,8 \cdot 10^{-5}$

#### 5. Baziuų jonizacijos (disociacijos) konstantos

Bazės vandeninis tirpalas	NH <sub>3</sub>	CH <sub>3</sub> NH <sub>2</sub>	(CH <sub>3</sub> ) <sub>2</sub> NH	(CH <sub>3</sub> ) <sub>3</sub> N
Jonizacijos konstanta	$1,8 \cdot 10^{-5}$	$4,6 \cdot 10^{-4}$	$5,4 \cdot 10^{-4}$	$6,5 \cdot 10^{-5}$

## 6. Periodinė cheminių elementų lentelė

	1 (IA)	1 <b>H</b> Vandenilis 1,008	2 (IIA)	Grupės										18 (VIIIA)																						
P e r i o d a i o d a	1 <b>H</b> Vandenilis 1,008	2 (IIA)	3 <b>Li</b> Litis 6,94	4 <b>Be</b> Berilis 9,0122	5 <b>Sc</b> Skandis 44,956	6 <b>Ti</b> Titanas 47,867	7 <b>V</b> Vanadis 50,942	8 <b>Cr</b> Chromas 51,996	9 <b>Mn</b> Manganas 54,938	10 <b>Fe</b> Geležis 55,845	11 <b>Co</b> Kobaltas 58,933	12 <b>Ni</b> Nikelis 58,693	13 <b>Cu</b> Varis 63,546	14 <b>Zn</b> Cinkas 65,38	15 <b>Ga</b> Galis 69,723	16 <b>Ge</b> Germanis 72,630	17 <b>As</b> Arsenas 74,922	18 <b>Se</b> Selenas 78,96	19 <b>K</b> Kalis 39,098	20 <b>Ca</b> Kalcis 40,078	21 <b>Sc</b> Skandis 44,956	22 <b>Ti</b> Titanas 47,867	23 <b>V</b> Vanadis 50,942	24 <b>Cr</b> Chromas 51,996	25 <b>Mn</b> Manganas 54,938	26 <b>Fe</b> Geležis 55,845	27 <b>Co</b> Kobaltas 58,933	28 <b>Ni</b> Nikelis 58,693	29 <b>Cu</b> Varis 63,546	30 <b>Zn</b> Cinkas 65,38	31 <b>Ga</b> Galis 69,723	32 <b>Ge</b> Germanis 72,630	33 <b>As</b> Arsenas 74,922	34 <b>Se</b> Selenas 78,96	35 <b>Br</b> Bromas 79,904	36 <b>Kr</b> Kriptonas 83,798
	3 <b>Na</b> Natris 22,990	12 <b>Mg</b> Magnis 24,305	37 <b>Rb</b> Rubidis 85,468	38 <b>Sr</b> Stroncias 87,62	39 <b>Y</b> Itris 88,906	40 <b>Zr</b> Cirkonis 91,224	41 <b>Nb</b> Niobis 92,906	42 <b>Mo</b> Molibdenas 95,96	43 <b>Tc</b> Technecis (97)	44 <b>Ru</b> Rutenis 101,07	45 <b>Rh</b> Rutenis 102,91	46 <b>Pd</b> Paladis 106,42	47 <b>Ag</b> Sidabras 107,87	48 <b>Cd</b> Kadmis 112,41	49 <b>In</b> Indis 114,82	50 <b>Sn</b> Alavas 118,71	51 <b>Sb</b> Stibis 121,76	52 <b>Te</b> Teltūras 127,60	53 <b>I</b> Jodas 126,90	54 <b>Xe</b> Ksenonas 131,29																
	55 <b>Cs</b> Cežis 132,91	56 <b>Ba</b> Baris 137,33	57-71* <b>La-Lu</b>	72 <b>Hf</b> Hafnis 178,49	73 <b>Ta</b> Tantalas 180,95	74 <b>W</b> Volframias 183,84	75 <b>Re</b> Renis 186,21	76 <b>Os</b> Osmis 190,23	77 <b>Ir</b> Iridis 192,22	78 <b>Pt</b> Platina 195,08	79 <b>Au</b> Auksas 196,97	80 <b>Hg</b> Gyvsidabris 200,59	81 <b>Tl</b> Talis 204,38	82 <b>Pb</b> Švinas 207,2	83 <b>Bi</b> Bismutas 208,98	84 <b>Po</b> Polonis (209)	85 <b>At</b> Astatas (210)	86 <b>Rn</b> Radonas (222)																		
	87 <b>Fr</b> Francis (223)	88 <b>Ra</b> Radis (226)	89-103** <b>Ac-Lr</b>	104 <b>Rf</b> Rezervfordis (267)	105 <b>Db</b> Dubnis (270)	106 <b>Sg</b> Siborgis (269)	107 <b>Bh</b> Boris (270)	108 <b>Hs</b> Hasis (270)	109 <b>Mt</b> Meitneris (278)	110 <b>Ds</b> Darmštatis (281)	111 <b>Rg</b> Rentgenis (281)	112 <b>Cn</b> Kopernikis (285)	113 <b>Nh</b> Nihonis (286)	114 <b>Fl</b> Flerovis (289)	115 <b>Mc</b> Moskovis (289)	116 <b>Lv</b> Livermoris (293)	117 <b>Ts</b> Tenesis (293)	118 <b>Og</b> Oganesonas (294)																		

<b>* Lantanoidai</b> <b>** Aktinoidai</b>	57 <b>La</b> Lantanas 138,91	58 <b>Ce</b> Ceris 140,12	59 <b>Pr</b> Prazeodimis 140,91	60 <b>Nd</b> Neodimis 144,24	61 <b>Pm</b> Prometis (145)	62 <b>Sm</b> Samaris 150,36	63 <b>Eu</b> Europis 151,96	64 <b>Gd</b> Gadolinis 157,25	65 <b>Tb</b> Terbis 158,93	66 <b>Dy</b> Disprozis 162,50	67 <b>Ho</b> Holmis 164,93	68 <b>Er</b> Erbis 167,26	69 <b>Tm</b> Tulis 168,93	70 <b>Yb</b> Iterbis 173,05	71 <b>Lu</b> Liutecis 174,97
	89 <b>Ac</b> Aktinis (227)	90 <b>Th</b> Toris 232,04	91 <b>Pa</b> Protaktinis 231,04	92 <b>U</b> Uranas 238,03	93 <b>Np</b> Neptunis (237)	94 <b>Pu</b> Plutonis (244)	95 <b>Am</b> Americis (243)	96 <b>Cm</b> Kuris (247)	97 <b>Bk</b> Berklis (247)	98 <b>Cf</b> Kalifornis (251)	99 <b>Es</b> Einšteinis (252)	100 <b>Fm</b> Fermis (257)	101 <b>Md</b> Mendelevis (258)	102 <b>No</b> Nobelis (259)	103 <b>Lr</b> Laurensis (262)

IUPAC rekomenduoja grupes numeruoti arabiškais skaitmenimis. Skliausteliuose nurodyti tradiciniai grupių numerai.

Parengta pagal: J. Meija et al. Atomic weights of the elements, 2013 (IUPAC Technical Report). *Pure Appl. Chem.* **88** (2016) 265-291. Skliaustuose nurodyta stabiliausio izotopo masė.

L Öhrström et al. Names and symbols of the elements with atomic numbers 113, 115, 117 and 118 (IUPAC Recommendations 2016). *Pure Appl. Chem.* **88** (2016) 1225-1229.

Matematikos, gamtos mokslų dalykų, informatikos ir inžinerinių technologijų valstybinių brandos egzaminų užduočių aprašo 3 priedas

## FIZIKOS VALSTYBINIO BRANDOS EGZAMINO FORMULĖS IR PAGRINDINĖS KONSTANTOS

### I SKYRIUS FORMULĖS

#### 1. Judėjimas ir jėgos

$$\vec{v} = \frac{\vec{s}}{t}, \vec{a} = \frac{\vec{v} - \vec{v}_0}{t}, a = \frac{v^2}{R}, s_x = v_{0x}t + \frac{a_x t^2}{2}, \vec{F} = m\vec{a}, F = mg, \vec{P} = m(\vec{g} - \vec{a}), F = \mu N, F = kx, F = \rho_{sk}Vg, F = G \frac{m_1 m_2}{R^2}, g = G \frac{M}{(R+r)^2}, \vec{p} = m\vec{v}, \vec{F}\Delta t = m\Delta\vec{v}, m_1\vec{v}_{01} + m_2\vec{v}_{02} = m_1\vec{v}_1 + m_2\vec{v}_2.$$

#### 2. Energija

$$E_k = \frac{mv^2}{2}, E_p = mgh, E_p = \frac{kx^2}{2}, A = Fs \cos \alpha, N = \frac{A}{t}, A = E_{k2} - E_{k1}, A = E_{p1} - E_{p2}, \eta = \frac{A_n}{A_v} \cdot 100 \text{ \%}.$$

#### 3. Šiluminiai reiškiniai

$$M = m_0 N_A, N = \frac{m}{M} N_A, \rho = \frac{m}{V}, n = \frac{N}{V}, p = \frac{F}{S}, p = \frac{1}{3} m_0 n \bar{v}^2, \bar{E}_{k0} = \frac{3}{2} kT, T = t + 273, pV = \frac{m}{M} RT, U = \frac{3}{2} \frac{m}{M} RT, Q = cm\Delta t, Q = \lambda m, Q = Lm, Q = qm, A' = p\Delta V, \Delta U = A + Q, \eta_{\max} = \frac{T_1 - T_2}{T_1}, \eta = \frac{A'}{|Q_1|}.$$

#### 4. Elektra ir magnetizmas

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}, \vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}, E = \frac{U}{\Delta d}, A = qEd, C = \frac{q}{U}, C = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d}, W = \frac{CU^2}{2}, \epsilon = \frac{F_0}{E}, \epsilon = \frac{E_0}{E}, \Phi = \frac{W_p}{q}, I = \frac{q}{t}, I = \frac{U}{R}, R = \rho \frac{l}{S}, E = \frac{A_{\text{paš}}}{q}, I = \frac{E}{R+r}, I = I_1 = I_2, U = U_1 + U_2, R = R_1 + R_2, I = I_1 + I_2, U = U_1 = U_2, \frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}, A = IUt, P = \frac{A}{t}, F = BIl \sin \alpha, F = qvB \sin \alpha, \mu = \frac{B}{B_0}, \Phi = BS \cos \alpha, E = N \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right|, E = L \left| \frac{\Delta I}{\Delta t} \right|, W = \frac{LI^2}{2}, q = q_m \cos \omega t, T = 2\pi\sqrt{LC}, i = I_m \sin \omega t, u = U_m \cos \omega t, I = \frac{I_m}{\sqrt{2}}, U = \frac{U_m}{\sqrt{2}}, X_C = \frac{1}{\omega C}, X_L = \omega L, K = \frac{N_1}{N_2} = \frac{U_1}{U_2}.$$

#### 5. Svyravimai ir bangos

$$x = x_m \cos \omega t, \varphi = \omega t, T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}, T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}, \omega = 2\pi f, v = \lambda f.$$

#### 6. Šviesa

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}, \quad \frac{v_1}{v_2} = \frac{n_2}{n_1}, \quad \pm D = \pm \frac{1}{F} = \frac{1}{d} \pm \frac{1}{f}, \quad \Delta d = k\lambda, \quad \Delta d = (2k+1) \frac{\lambda}{2}, \quad d \sin \varphi = k\lambda.$$

## 7. Atomas, branduolys ir elementariosios dalelės

$$E = hf, \quad hf = A_{iš} + \frac{mv^2}{2}, \quad hf_{\min} = A_{iš}, \quad eU_s = \frac{mv^2}{2}, \quad E = mc^2, \quad A = Z + N, \quad f = \frac{|E_k - E_n|}{h}, \\ E_r = \Delta Mc^2 = (Zm_p + Nm_n - M_b)c^2, \quad N = N_0 2^{-t/T}.$$

## 8. Reliatyvumo teorijos pagrindai

$$t = \frac{t_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}, \quad l = l_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}, \quad m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}, \quad v = \frac{v_1 + v_2}{1 + \frac{v_1 v_2}{c^2}}.$$

## II SKYRIUS PAGRINDINĖS KONSTANTOS

Gravitacijos konstanta	$G = 6,672 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2$
Šviesos greitis vakuumė	$c = 2,9979 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
Avogadro skaičius	$N_A = 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
Bolcmano konstanta	$k = 1,3807 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$
Universalioji dujų konstanta (molinė)	$R = kN_A = 8,314 \text{ J/(mol} \cdot \text{K)}$
Elektrinė konstanta	$\epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$
Elementarusis elektrono krūvis	$e = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
Planko konstanta	$h = 6,626 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s} = 4,136 \cdot 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{s}$
Masės ir energijos saryšio koeficientas	931,5 MeV/a. m. v. $1,6 \text{ eV} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J}$